

1. Точки A_1, B_1 и C_1 — середины сторон соответственно BC, AC и AB остроугольного треугольника ABC .

а) Докажите, что отличная от A_1 точка пересечения окружностей, описанных около треугольников A_1CB_1 и A_1BC_1 , лежит на окружности, описанной около треугольника B_1AC_1 .

б) Известно, что $AB = AC = 10$ и $BC = 12$. Найдите радиус окружности, вписанной в треугольник, вершинами которого являются центры окружностей, описанных около треугольников A_1CB_1, A_1BC_1 и B_1AC_1 .

2. Точки A_1, B_1 и C_1 — середины сторон соответственно BC, AC и AB треугольника ABC , в котором угол A тупой.

а) Докажите, что отличная от A_1 точка пересечения окружностей, описанных около треугольников A_1CB_1 и A_1BC_1 , лежит на окружности, описанной около треугольника B_1AC_1 .

б) Известно, что $AB = AC = 13$ и $BC = 24$. Найдите радиус окружности, вписанной в треугольник, вершинами которого являются центры окружностей, описанных около треугольников A_1CB_1, A_1BC_1 и B_1AC_1 .